Université de Bretagne Occidentale UFR Sciences et Techniques LICENCE 2 MIASHS

Espaces euclidiens

Controle continu, le 22 octobre 2024, 13h30-14h00

Documents et calculatrices sont interdits.

Question de cours. Quelle est la définition d'une valeur propre d'une matrice?

Exercice 1. Soit

$$A = \left(\begin{array}{rrr} 1 & -2 & -2 \\ -1 & 3 & 1 \\ 1 & -4 & -2 \end{array}\right).$$

- a. Déterminer le polynôme caractéristique de A.
- b. Déterminer les valeurs propres de A.
- c. La matrice A est-elle diagonalisable?
- d. Si oui, donner une matrice inversible P telle que $P^{-1}AP$ soit diagonale.